РАССМОТРЕНО
на заседании МС
протокол № 1
от 30.08.2024
руководитель Бакастова Е.Е.

УТВЕРЖДАЮ директор школы Баранов Н.А.
Принята на педагогическом совете Протокол № 1 от 25 0 12 4

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного предмета «Вероятность и статистика» для 8-9 класса

на 2024 - 2025 учебный год

Разработчики: Хазраткулова Л. Н.

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над

факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе — 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе — 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе — 34 часа (1 час в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

#### 7 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах.

Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

#### 8 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

#### 9 КЛАСС

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего

значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

#### ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

**Личностные результаты** освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

#### 1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

## 2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

# 3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

#### 4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

#### 5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

# 6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

#### 7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

### 8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

# Познавательные универсальные учебные действия

#### Базовые логические действия:

• выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать

определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

# Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

### Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

# Регулятивные универсальные учебные действия

## Самоорганизация:

• самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

# Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в 8 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения в 9 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения в 9 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

#### ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

| № п/<br>п | Наименование<br>разделов и тем<br>программы | Колич     | ество часов            | Электронны е (цифровые) образователь ные ресурсы |                   |
|-----------|---|-----------|------------------------|--|-------------------|
|           |   | Bcer<br>o | Контрольны<br>е работы |  |                   |
| 1         | Представление данных                        | 7         |                        | 2  | Библиотека<br>ЦОК |

| 2    | Описательная статистика                  | 8  |   | 1 | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.</u><br>edsoo.ru/7f415<br><u>fdc</u>                                     |
|------|--|----|---|---|---|
| 3    | Случайная<br>изменчивость                | 6  |   | 1 | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.</u><br>edsoo.ru/7f415<br>fdc  |
| 4    | Введение в теорию графов                 | 4  |   |   | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.</u><br>edsoo.ru/7f415<br>fdc  |
| 5    | Вероятность и частота случайного события | 4  |   | 1 | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo">https://m.edsoo</a> <a href="https://m.edsoo">.ru/7f415fdc</a> |
| 6    | Обобщение, систематизаци я знаний        | 5  | 2 |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a>                    |
| ЧАСО | ЧЕСТВО                                   | 34 | 2 | 5 |   |

| № п/ | Наименование<br>разделов и тем | Количество часов |                        | Электронные (цифровые)<br>образовательные ресурсы |   |  |
|------|--------------------------------|------------------|------------------------|---|---|--|
| П    | программы                      | Всего            | Контрольн<br>ые работы | Практичес<br>кие<br>работы                        |   |  |
| 1    | Повторение<br>курса 7 класса   | 4                |                        |   | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f417fb2</u> |  |

| 2    | Описательная статистика. Рассеивание данных | 4  |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edso">https://m.edso</a> <a href="https://m.edso">o.ru/7f417fb2</a> |
|------|---|----|---|---|---|
| 3    | Множества                                   | 4  |   |   | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f417fb2</u>                                       |
| 4    | Вероятность<br>случайного<br>события        | 6  |   | 1 | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f417fb2</u>                                       |
| 5    | Введение в теорию графов                    | 4  |   |   | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f417fb2</u>                                       |
| 6    | Случайные<br>события                        | 8  |   |   | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f417fb2</u>                                       |
| 7    | Обобщение, систематизация знаний            | 4  | 2 |   | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f417fb2</u>                                       |
| ЧАСС | ГЧЕСТВО                                     | 34 | 2 | 1 |   |

| No -/     | Наименовани                      | Количе | ство часов             | Электронные             |   |
|-----------|----------------------------------|--------|------------------------|-------------------------|---|
| № п/<br>п | е разделов и<br>тем<br>программы | Всего  | Контрольн<br>ые работы | Практичес<br>кие работы | (цифровые)<br>образовательные<br>ресурсы                        |
| 1         | Повторение курса 8 класса        | 4      |                        |                         | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f41a302</u> |
| 2         | Элементы комбинаторик и          | 4      |                        | 1                       | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f41a302</u> |

| 3 | Геометрическа<br>я вероятность | 4       |      |    | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f41a302</u> | 7 |
|---|--------------------------------|---------|------|----|---|---|
| 4 | Испытания<br>Бернулли          | 6       |      | 1  | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f41a302</u> |   |
| 5 | Случайная<br>величина          | 6       |      |    | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br><u>o.ru/7f41a302</u> | 7 |
| 6 | Обобщение,<br>контроль         | 10      | 1    |    | Библиотека<br>ЦОК <u>https://m.edso</u><br>o.ru/7f41a302        | 1 |
| , | Е КОЛИЧЕСТВО<br>РАММЕ          | У ЧАСОЕ | В ПО | 34 | 1   | 2 |

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

|       |   | Колич | ество часов           |                        | Лото               | Э |
|-------|---|-------|-----------------------|------------------------|--------------------|---|
| № п/п | Тема урока                                  | Всего | Контрольные<br>работы | Практические<br>работы | - Дата<br>изучения | 0 |
| 1     | Представление данных в таблицах             | 1     |                       |                        |                    | Б |
| 2     | Практические вычисления по табличным данным | 1     |                       |                        |                    | Б |
| 3     | Извлечение и интерпретация табличных данных | 1     |                       |                        |                    | Б |
| 4     | Практическая работа "Таблицы"               | 1     |                       | 1                      |                    |   |
| 5     | Графическое представление данных в виде     | 1     |                       |                        |                    | Б |

|    | круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм                    |   |   |   |   |
|----|--|---|---|---|---|
| 6  | Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм | 1 |   |   | Б |
| 7  | Практическая работа "Диаграммы"                                | 1 | 1 |   | Б |
| 8  | Числовые наборы.<br>Среднее<br>арифметическое                  | 1 |   |   | Б |
| 9  | Числовые наборы.<br>Среднее<br>арифметическое                  | 1 |   |   | Б |
| 10 | Медиана числового набора. Устойчивость медианы                 | 1 |   |   | Б |
| 11 | Медиана числового набора. Устойчивость медианы                 | 1 |   |   |   |
| 12 | Практическая работа "Средние значения"                         | 1 | 1 |   | Б |
| 13 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах      | 1 |   |   | Б |
| 14 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах      | 1 |   |   |   |
|    |  |   | 1 | 1 | Ь |

|    | Наибольшее и   |   |   |   |   |
|----|--|---|---|---|---|
| 15 | наименьшее значения числового набора. Размах                                       | 1 |   |   |   |
| 16 | Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"        | 1 | 1 |   | Б |
| 17 | Случайная изменчивость (примеры)   | 1 |   |   | Б |
| 18 | Частота значений в массиве данных  | 1 |   |   | Б |
| 19 | Группировка  | 1 |   |   | Б |
| 20 | Гистограммы  | 1 |   |   |   |
| 21 | Гистограммы  | 1 |   |   | Б |
| 22 | Практическая работа "Случайная изменчивость"                                       | 1 |   | 1 | Б |
| 23 | Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа                         | 1 |   |   | Б |
| 24 | Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл | 1 |   |   | Б |
| 25 | Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа                         | 1 |   |   | Б |

|    |  |   |   |   | <br> |
|----|--|---|---|---|------|
| 26 | Представление об<br>ориентированных<br>графах  | 1 |   |   | Б    |
| 27 | Случайный опыт и случайное событие   | 1 |   |   | Б    |
| 28 | Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе | 1 |   |   | Б    |
| 29 | Монета и игральная кость в теории вероятностей   | 1 |   |   |      |
| 30 | Практическая работа "Частота выпадения орла"   | 1 |   | 1 | Б    |
| 31 | Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"                | 1 | 1 |   | Б    |
| 32 | Повторение,<br>обобщение.<br>Представление<br>данных   | 1 |   |   | Б    |
| 33 | Повторение, обобщение. Описательная статистика   | 1 |   |   | Б    |
| 34 | Повторение, обобщение. Вероятность случайного события  | 1 |   |   | Б    |

| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | 34 | 2 | 5 |  |
|-------------------------------------|----|---|---|--|
|-------------------------------------|----|---|---|--|

|       |   | Колич |                       | Пото                   |                    |
|-------|---|-------|-----------------------|------------------------|--------------------|
| № п/п | Тема урока  | Всего | Контрольные<br>работы | Практические<br>работы | - Дата<br>изучения |
| 1     | Представление данных. Описательная статистика                     | 1     |                       |                        |                    |
| 2     | Случайная изменчивость. Средние числового набора                  | 1     |                       |                        |                    |
| 3     | Случайные события.<br>Вероятности и<br>частоты                    | 1     |                       |                        |                    |
| 4     | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость | 1     |                       |                        |                    |
| 5     | Отклонения  | 1     |                       |                        |                    |
| 6     | Дисперсия числового набора  | 1     |                       |                        |                    |
| 7     | Стандартное<br>отклонение<br>числового набора                     | 1     |                       |                        |                    |
| 8     | Диаграммы<br>рассеивания  | 1     |                       |                        |                    |
| 9     | Множество,<br>подмножество  | 1     |                       |                        |                    |
| 10    | Операции над множествами: объединение,                            | 1     |                       |                        |                    |

|    | пересечение, дополнение  |   |   |  |
|----|--|---|---|--|
| 11 | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения | 1 |   |  |
| 12 | Графическое представление множеств   | 1 |   |  |
| 13 | Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"  | 1 | 1 |  |
| 14 | Элементарные события. Случайные события  | 1 |   |  |
| 15 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий                                     | 1 |   |  |
| 16 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий                                     | 1 |   |  |
| 17 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор                                 | 1 |   |  |
| 18 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор                                 | 1 |   |  |

| 19 | Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"   | 1 | 1 |  |
|----|---|---|---|--|
| 20 | Дерево  | 1 |   |  |
| 21 | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер | 1 |   |  |
| 22 | Правило умножения   | 1 |   |  |
| 23 | Правило умножения   | 1 |   |  |
| 24 | Противоположное<br>событие  | 1 |   |  |
| 25 | Диаграмма Эйлера.<br>Объединение и<br>пересечение событий   | 1 |   |  |
| 26 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей   | 1 |   |  |
| 27 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей   | 1 |   |  |
| 28 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события                                     | 1 |   |  |

| 29 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события | 1  |   |   |  |
|----|---|----|---|---|--|
| 30 | Представление случайного эксперимента в виде дерева                       | 1  |   |   |  |
| 31 | Представление случайного эксперимента в виде дерева                       | 1  |   |   |  |
| 32 | Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика      | 1  |   |   |  |
| 33 | Повторение,<br>обобщение. Графы   | 1  |   |   |  |
| 34 | Контрольная работа по темам "Случайные события. Вероятность. Графы"       | 1  | 1 |   |  |
| ,  | Е КОЛИЧЕСТВО<br>В ПО ПРОГРАММЕ  | 34 | 2 | 1 |  |

|       |                      | Количе |                       |                     |          |
|-------|----------------------|--------|-----------------------|---------------------|----------|
| № п/п | Тема урока           | Всего  | Контрольные<br>работы | Практические работы | изучения |
| 1     | Представление данных | 1      |                       |                     | I        |

| 2  | Описательная<br>статистика   | 1 |   | E<br>I |
|----|--|---|---|--------|
| 3  | Операции над событиями   | 1 |   |        |
| 4  | Независимость событий  | 1 |   |        |
| 5  | Комбинаторное правило умножения  | 1 |   | E      |
| 6  | Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний   | 1 |   | E      |
| 7  | Треугольник<br>Паскаля   | 1 |   | E      |
| 8  | Практическая работа<br>"Вычисление<br>вероятностей с<br>использованием<br>комбинаторных<br>функций<br>электронных<br>таблиц" | 1 | 1 | E      |
| 9  | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности                     | 1 |   | E      |
| 10 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности                     | 1 |   | E      |
| 11 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор  | 1 |   | E      |

|    | точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности   |   |   |   |
|----|--|---|---|---|
| 12 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1 |   | E |
| 13 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха  | 1 |   | E |
| 14 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха  | 1 |   | E |
| 15 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха  | 1 |   |   |
| 16 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли                                       | 1 |   | E |
| 17 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли                                       | 1 |   | E |
| 18 | Практическая работа<br>"Испытания<br>Бернулли"   | 1 | 1 | E |

| 19 | Случайная величина и распределение вероятностей                                 | 1 |  | E      |
|----|---|---|--|--------|
| 20 | Математическое ожидание и дисперсия случайной величины                          | 1 |  | E      |
| 21 | Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины  | 1 |  | E      |
| 22 | Понятие о законе больших чисел  | 1 |  | E      |
| 23 | Измерение вероятностей с помощью частот   | 1 |  | E<br>I |
| 24 | Применение закона больших чисел   | 1 |  | E<br>L |
| 25 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных                          | 1 |  | E      |
| 26 | Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика                       | 1 |  |        |
| 27 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных. Описательная статистика | 1 |  | E<br>I |

|    | 0.5.5  |    |   |   |   |
|----|--|----|---|---|---|
| 28 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события                             | 1  |   |   |   |
| 29 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы комбинаторики     | 1  |   |   |   |
| 30 | Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики                                     | 1  |   |   |   |
| 31 | Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения | 1  |   |   |   |
| 32 | Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и распределения                         | 1  |   |   |   |
| 33 | Итоговая контрольная работа  | 1  | 1 |   | ] |
| 34 | Обобщение, систематизация знаний   | 1  |   |   |   |
|    | Е КОЛИЧЕСТВО<br>В ПО ПРОГРАММЕ   | 34 | 1 | 2 |   |

# УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

#### ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

• Математика. Вероятность и статистика: 7-9-е классы: базовый уровень: учебник: в 2 частях, 7-9 классы/ Высоцкий И.Р., Ященко И.В.; под ред. Ященко И.В., Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

# МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

- 1. Математика. Вероятность и статистика. 7 9 классы. Учебник в 2 частях. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (базовый уровень)/ И.Р. Высоцкий, И.В. Ященко, под редакцией И.В. Ященко М.: Просвещение, 2023.
- 2. Математика. Вероятность и статистика: 7—9-е классы: базовый уровень: методическое пособие к предметной линии учебников по вероятности и статистике И. Р. Высоцкого, И. В. Ященко под ред. И. В. Ященко. 2-е изд., стер. Москва: Просвещение, 2023. 38 с.
- 3. Методика обучения математике. Изучение вероятностно-статистической линии в школьном курсе математики: учеб.-метод. пособие / А. С. Бабенко. Кострома: Изд-во Костром. гос. ун-та, 2017. 56 с.
- 4. Лекции по дискретной математике. Часть І. Комбинаторика,: [Учеб. пособие.]: Э.Р. Зарипова, М.Г. Кокотчикова. М.: РУДН, 2012. 78 с.
- 5. Рассказы о множествах. 3-е издание/ Виленкин Н. Я. М.: МЦНМО, 2005. 150 с.
- 6. Элементы теории множеств: Учебно-методическое пособие/ Сост.: Кулагина Т. В., Тихонова Н. Б. Пенза: ПГУ, 2014. –32 с.
- 7. О.Г. Гофман, А.Н. Гудович .150 задач по теории вероятностей. ВГУ
- 8. Теория вероятностей. Справочное пособие к решению задач.! А.А. Гусак,
- Е.А. Бричикова. Изд-е 4-е, стереотип.- Мн.: ТетраСистеме, 2003. 288 с.
- 9. Популярная комбинаторика. Н.Я. Виденкин. Издательство «Наука», 1975
- 10. Шень А. Вероятность: примеры и задачи. / 4-е изд., стереотипное. М.: МЦНМО, 2016.

# **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ** ИНТЕРНЕТ

- 1) http://school-collection.edu.ru/catalog/rubr/5ececba0-3192-11dd-bd11-0800200c9a66/
- 2) http://school-collection.edu.ru/catalog/rubr/96abc5ab-fba3-49b0-a493-8adc2485752f/118194/?